

Esercizio 1:

Convertire le seguenti coppie di numeri decimali in numeri di 5 bit in complemento a due. Per ogni coppia:

1. Eseguire somma e sottrazione.
2. Valutare se è avvenuto trabocco o meno.
3. Convertire il risultato da binario a decimale nel caso non sia avvenuto trabocco

- a) 5 e 12
- b) -3 e 6
- c) -13 e 6
- d) 12 e -14

a)

complemento a due: $5 = 00101$ $12 = 01100$

somma:

$5 + 12 = 00101 + 01100 = 10001 \Rightarrow$ TRABOCCO

sottrazione:

$5 + -12 = 00101 + 10100 = 11001 \Rightarrow -7$

b)

complemento a due: $-3 = 11101$ $6 = 00110$

somma:

$-3 + 6 = 11101 + 00110 = 00011 \Rightarrow 3$

sottrazione:

$-3 + -6 = 11101 + 11010 = 10111 \Rightarrow -9$

c)

complemento a due: $-13 = 10011$ $6 = 00110$

somma:

$-13 + 6 = 10011 + 00110 = 11001 \Rightarrow -7$

sottrazione:

$-13 + -6 = 10011 + 11010 = 01101 \Rightarrow$ TRABOCCO

d)

complemento a due: $12 = 01100$ $-14 = 10010$

somma:

$12 + -14 = 01100 + 10010 = 11110 \Rightarrow -2$

sottrazione:

$12 + 14 = 01100 + 01110 = 11010 \Rightarrow$ TRABOCCO

Esercizio 2:

Assumiamo di voler rappresentare i numeri reali con sequenze binarie di un byte in complemento a due espresse in virgola fissa. Quale sarà l'intervallo e la precisione dei numeri rappresentabili se piazzassimo la virgola tra il bit numero 3 ed il bit numero 4? E tra il bit numero 5 ed il bit numero 6? Si assuma che i bit sono numerati da 0 a 7 a partire dal bit più a destra.

a) Virgola tra bit 3 e bit 4

Intervallo: da -2^3 a $2^3 - 2^{-4}$

Precisione: 2^{-4}

b) Virgola tra bit 5 e bit 6

Intervallo: da -2 a $2 - 2^{-6}$

Precisione: 2^{-6}

Esercizio 3:

Trovare il valore decimale dei seguenti numeri binari rappresentati in complemento a due con virgola fissa:

a) 011,01000

b) 0010,1100

c) 11010,100

d) 1100,0100

a) 3,25

b) 2,75

c) -5,5

d) -3,75

Esercizio 4

Rappresentare i seguenti numeri reali decimali come numeri binari a virgola mobile e formato a precisione singola (32 bit). Nella conversione approssimare il numero alla 4 cifra binaria dopo la virgola.

- a) 25,45
 - b) -13,55
 - c) 32,5
 - d) -11,25
-

a)

Valore assoluto in binario: 11001,0111

m: 10010111

e: 4

e': $127 + 4 = 131 = 10000011$

segno: 0

Precisione singola: 0 10000011 100101110...0

b)

Valore assoluto in binario: 1101,1000

m: 1011000

e: 3

e': $127 + 3 = 130 = 10000010$

segno: 1

Precisione singola: 1 10000010 10110...0

c)

Valore assoluto in binario: 100000,1

m: 000001

e: 5

e': $127 + 5 = 132 = 10000100$

segno: 0

Precisione singola: 0 10000100 0000010...0

d)

Valore assoluto in binario: 1011,01

m: 01101

e: 3

e': $127 + 3 = 130 = 10000010$

segno: 1

Precisione singola: 1 10000010 011010...0

Esercizio 5

Rappresentare in decimale i seguenti numeri binari in formato a precisione singola:

- a) 010000010011010...0
 - b) 10111111010...0
 - c) 011111111011010...0
 - d) 1000000000...0
-

a)

m: 01101

e': 130

e: $130 - 127 = 3$

segno: 0

Decimale: $1,01101 * 2^3 = 1011,01 = 11,25$

b)

m: 1

e': 126

e: $126 - 127 = -1$

segno: 1

Decimale: $1,1 * 2^{-1} = 0,11 = -0,75$

c)

m: 01101

e': 255

segno: 0

Decimale: NaN

d)

m: 0

e': 0

segno: 1

Decimale: 0